

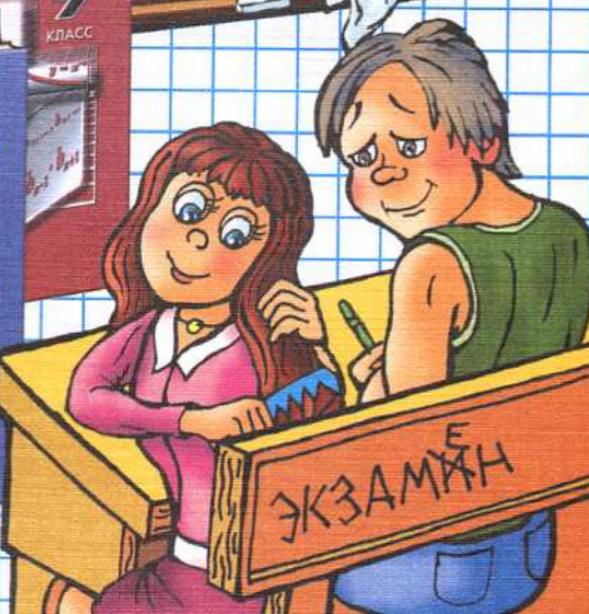
Серия
РЕШЕБНИК

ТОЛЬКО ДЛЯ
РОДИТЕЛЕЙ

Решение контрольных работ по алгебре

«АЛГЕБРА
Контрольные работы
9 класс»

Ю.П. Дудницын, Е.Е. Тульчинская
Под ред.
А.Г. Мордковича



А.А. Сапожников

Решение контрольных работ по алгебре за 9 класс

к учебному изданию «Алгебра. 9 кл.
Контрольные работы: учебное пособие
для общеобразоват. учреждений / Ю.П. Дудницын,
Е.Е. Тульчинская; под. ред. А.Г. Мордковича. —
8-е изд. — М.: Мнемозина, 2006»

Учебно-методическое пособие

*Издание четвертое,
переработанное и исправленное*

**Издательство
«ЭКЗАМЕН»**

**МОСКВА
2009**

УДК 373:512
ББК 22.14я72
С19

Имя автора и название цитируемого издания указаны на титульном листе данной книги (ст. 1274 п. 1 части четвертой Гражданского кодекса Российской Федерации).

Изображение учебного издания «Алгебра. 9 кл. Контрольные работы: учебное пособие для общеобразоват. учреждений / Ю.П. Дудницын, Е.Е. Тульчинская; под. ред. А.Г. Мордковича. — 8-е изд. — М.: Мнемозина, 2006» приведено на обложке данного издания исключительно в качестве иллюстративного материала (ст. 1274 п. 1 части четвертой Гражданского кодекса Российской Федерации).

Сапожников, А.А.

С19 Решение контрольных работ по алгебре за 9 класс к учебному изданию Ю.П. Дудницына и др. «Алгебра. 9 кл. Контрольные работы: учебное пособие для общеобразоват. учреждений»: учебно-методическое пособие / А.А. Сапожников. — 4-е изд., перераб. и исправ. — М.: Издательство «Экзамен», 2009. — 30, [2] с. (Серия «Решебник»)

ISBN 978-5-377-02187-2

Предлагаемое учебное пособие содержит подробное решение контрольных работ по алгебре за 9 класс к учебному изданию «Алгебра. 9 кл. Контрольные работы: учебное пособие для общеобразоват. учреждений / Ю.П. Дудницын, Е.Е. Тульчинская; под ред. А.Г. Мордковича. — 8-е изд. — М.: Мнемозина, 2006».

Пособие адресовано родителям, которые смогут проконтролировать детей, а в случае необходимости помочь им в выполнении домашней работы по алгебре.

**УДК 373:512
ББК 22.14я72**

Формат 84x108/32. Гарнитура «Таймс». Бумага типографская.
Уч.-изд. л. 0,87. Усл. печ. л. 1,68. Тираж 11 000 экз. Заказ № 4779(2)

ISBN 978-5-377-02187-2

© Сапожников А.А., 2009
© Издательство «ЭКЗАМЕН», 2009

СОДЕРЖАНИЕ

Контрольная работа № 1	4
Вариант 1	4
Вариант 2	4
Вариант 3	5
Вариант 4	6
Контрольная работа № 2	7
Вариант 1	7
Вариант 2	8
Вариант 3	9
Вариант 4	10
Контрольная работа № 3	11
Вариант 1	11
Вариант 2	12
Вариант 3	13
Вариант 4	13
Контрольная работа № 4	14
Вариант 1	14
Вариант 2	15
Вариант 3	16
Вариант 4	16
Контрольная работа № 5	17
Вариант 1	17
Вариант 2	18
Вариант 3	19
Вариант 4	19
Контрольная работа № 6	20
Вариант 1	20
Вариант 2	21
Вариант 3	21
Вариант 4	22
Контрольная работа № 7	23
Вариант 1	23
Вариант 2	24
Вариант 3.	25
Вариант 4.	26
ПРИЛОЖЕНИЕ	26

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 1

Вариант 1

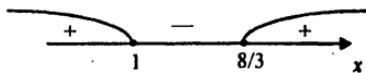
1. а) $2(1-x) \geq 5x - (3x+2); 2 - 2x \geq 5x - 3x - 2; -2x - 5x + 3x \geq -2 - 2;$
 $-4x \geq -4; x \leq 1;$

Ответ: $x \in (-\infty; 1]$

б) $3x^2 + 5x - 8 \geq 0; 3x^2 + 5x - 8 = 0; D = 5^2 - 4 \cdot 3 \cdot (-8) = 25 + 96 = 121;$

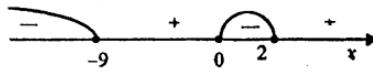
$$\sqrt{D} = 11; x_1 = \frac{-5-11}{6} = -\frac{8}{3}; x_2 = \frac{-5+11}{6} = 1;$$

$$3x^2 + 5x - 8 = 3(x-1)\left(x + \frac{8}{3}\right) \geq 0$$



Ответ: $x \in (-\infty; 1] \cup [8/3; +\infty)$

в) $\frac{x^2 + 9x}{x-2} < 0; \text{ОДЗ: } x \neq 2; \frac{x(x+9)}{x-2} < 0$



Ответ: $x \in (-\infty; -9) \cup (0; 2)$

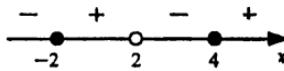
2. $-5 < \frac{4-3x}{7} \leq 2; -35 < 4 - 3x \leq 14; -35 - 4 < -3x \leq 14 - 4; -39 < -3x \leq 10;$

$$-10/3 \leq x < 39/3; -10/3 \leq x < 13; -3\frac{1}{3} \leq x < 13; \Rightarrow x_{\min} = -3, x_{\max} = 12.$$

Ответ: $x_{\min} = -3, x_{\max} = 12.$

3. $f(x) = \sqrt{x - \frac{8}{x-2}}; \text{ ОДЗ: } \frac{x^2 - 2x - 8}{x-2} \geq 0;$

$$\frac{(x+2)(x-4)}{x-2} \geq 0; x \in [-2; 2) \cup [4; \infty).$$



4. Пусть t_1 — время, которое идет дачник со скоростью 4 км/ч, t_2 — время, которое дачник идет со скоростью $4 + 2 = 6$ км/ч, тогда.

$$\begin{cases} 4t_1 + 6 \cdot t_2 = 10 \\ t_1 + t_2 = 2 \end{cases}; \begin{cases} t_1 = 2 - t_2 \\ 8 - 4t_2 + 6t_2 = 10 \end{cases}; \begin{cases} t_2 = 1 \\ t_1 = 1 \end{cases}$$

тогда искомое расстояние равно $t_1 \cdot 4 = 1 \cdot 4 = 4$ (км).

Ответ: не более 4 км.

Вариант 2

1. а) $7x + 3 > 5(x - 4) + 1; 7x + 3 > 5x - 20 + 1; 7x - 5x > -3 - 20 + 1;$
 $2x > -22; x > -11.$

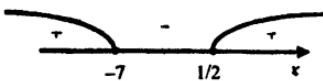
Ответ: $x \in (-11; +\infty)$

б) $2x^2 + 13x - 7 > 0; 2x^2 + 13x - 7 = 0.$

$$D = 13^2 - 4 \cdot 2 \cdot (-7) = 169 + 56 = 225; \sqrt{D} = 15$$

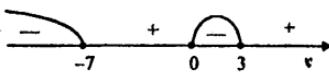
$$x_1 = \frac{-13-15}{4} = -7; x_2 = \frac{-13+15}{4} = \frac{1}{2}$$

$$(2x^2 + 13x - 7) = 2(x+7)\left(x - \frac{1}{2}\right) > 0.$$



Ответ: $x \in (-\infty; -7) \cup \left(\frac{1}{2}; +\infty\right)$.

$$\text{в)} \frac{x^2 + 7x}{x-3} < 0; \quad \frac{x(x+7)}{x-3} < 0; \quad \text{ОДЗ: } x \neq 3.$$



Ответ: $x \in (-\infty; -7) \cup (0; 3)$.

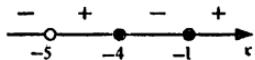
$$2. -1 \leq \frac{4-5x}{6} < 1; -6 \leq 4-5x < 6; -6-4 \leq -5x < 6-4; -10 \leq -5x < 2;$$

$$-2 < 5x \leq 10; \quad -\frac{2}{5} < x \leq 2; \quad x_{\min} = 0, \quad x_{\max} = 2.$$

Ответ: $x_{\min} = 0, \quad x_{\max} = 2$.

$$3. f(x) = \sqrt{\frac{4}{x+5} + x}; \quad \text{ОДЗ: } \frac{x^2 + 5x + 4}{x+5} \geq 0, \quad \frac{(x+1)(x+4)}{x+5} \geq 0,$$

$$x \in (-5; -4] \cup [-1; +\infty).$$



4. Пусть t_1 — время, за которое будет работать ученик, t_2 — мастер, тогда:

$$\begin{cases} t_1 + t_2 = 60 \\ 2t_1 + 3t_2 = 140 \end{cases}; \quad \begin{cases} t_1 = 60 - t_2 \\ 120 - 2t_2 + 3t_2 = 140 \end{cases}; \quad \begin{cases} t_2 = 20 \\ t_1 = 40 \end{cases},$$

$$\text{тогда искомое число деталей } t_1 \cdot 2 = 40 \cdot 2 = 80$$

Ответ: Не более 80 деталей.

Вариант 3

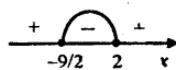
$$1. \text{ а)} 4x + 1 \leq 43 - 3(7 + x); \quad 4x + 1 \leq 43 - 21 - 3x; \quad 4x + 3x \leq 43 - 21 - 1, \\ 7x \leq 21; \quad x \leq 3.$$

Ответ: $x \in (-\infty; 3]$

$$\text{б)} 2x^2 + 5x - 18 \leq 0; \quad 2x^2 + 5x - 18 = 0. \quad D = 5^2 - 4 \cdot 2(-18) = 25 + 144 = 169.$$

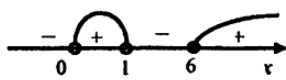
$$\sqrt{D} = 13; \quad x_1 = \frac{-5 - 13}{4} = -\frac{9}{2}; \quad x_2 = \frac{-5 + 13}{4} = 2;$$

$$2x^2 + 5x - 18 = 2(x-2)\left(x + \frac{9}{2}\right) \leq 0.$$



Ответ: $x \in \left[-\frac{9}{2}; 2\right]$.

$$\text{в)} \frac{x^2 - 6x}{x-1} > 0; \quad \text{ОДЗ: } x \neq 1; \quad \frac{x(x-6)}{x-1} > 0;$$



Ответ: $x \in (0; 1) \cup (6; +\infty)$.

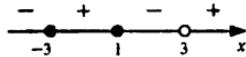
$$2. -3 < \frac{5x+7}{4} < 2; -12 - 7 < 5x < 8 - 7; -19 < 5x < 1, -\frac{19}{5} < x < \frac{1}{5},$$

$$-3 \frac{4}{5} < x < \frac{1}{5} . x_{\min} = -3, x_{\max} = 0$$

Ответ: $x_{\min} = -3, x_{\max} = 0.$

$$3. f(x) = \sqrt{x + \frac{5x-3}{x-3}} ; \text{ ОДЗ: } \frac{x^2 - 3x + 5x - 3}{x-3} \geq 0, \frac{x^2 + 2x - 3}{x-3} \geq 0,$$

$$\frac{(x+3)(x-1)}{x-3} \geq 0 ; x \in [-3; 1] \cup (3; +\infty).$$



4. Пусть x — количество двухместных номеров, y — трехместных номеров, тогда:

$$\begin{cases} 2x + 3y = 48 \\ x + y = 18 \end{cases}; \begin{cases} x = 18 - y \\ 36 - 2y + 3y = 48 \end{cases}; \begin{cases} y = 12 \\ x = 6 \end{cases}.$$

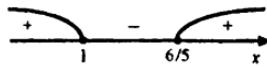
Ответ: не более 6 номеров.

Вариант 4

1. а) $5(x+1) - x > 2x + 13; 5x + 5 - x > 2x + 13; 5x - x - 2x > 13 - 5,$
 $2x > 8; x > 4.$

Ответ: $x \in (4; +\infty)$

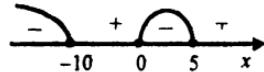
б) $5x^2 - 11x + 6 \geq 0; 5x^2 - 11x + 6 = 0;$
 $D = 11^2 - 4 \cdot 5 \cdot 6 = 121 - 120 = 1;$



$$\sqrt{D} = 1. x_1 = \frac{11+1}{10} = \frac{6}{5}; x_2 = \frac{11-1}{10} = 1; 5x^2 - 11x + 6 = 5(x-1)\left(x - \frac{6}{5}\right) \geq 0;$$

Ответ: $x \in (-\infty; 1] \cup \left[\frac{6}{5}; +\infty\right).$

в) $\frac{x^2 + 10x}{x-5} < 0 ; \text{ ОДЗ: } x \neq 5; \frac{x(x+10)}{x-5} < 0.$



Ответ: $x \in (-\infty; -10) \cup (0; 5);$

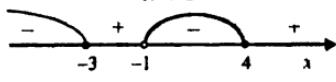
2. $-2 \leq \frac{8x+1}{5} < 3; -10 \leq 8x + 1 < 15; -10 - 1 \leq 8x < 15 - 1; -11 \leq 8x < 14$

$$-\frac{11}{8} \leq x < \frac{14}{8}; -1\frac{3}{8} \leq x < 1\frac{3}{4}; x_{\min} = -1, x_{\max} = 1$$

Ответ: $x_{\min} = -1, x_{\max} = 1.$

3. $f(x) = \sqrt{\frac{2(x+6)}{x+1}} - x; \text{ ОДЗ: } \frac{2x+12-x^2-x}{x+1} \geq 0; \frac{x^2-x-12}{x+1} \leq 0;$

$$\frac{(x-4)(x+3)}{x+1} \leq 0; x \in (-\infty; -3] \cup (-1; 4].$$



4. Пусть x — количество меньших ящиков, y — больших, тогда.

$$\begin{cases} 3x + 5y = 100 \\ x + y = 24 \end{cases}; \quad \begin{cases} x = 24 - y \\ 72 - 3y + 5y = 100 \end{cases}; \quad \begin{cases} y = 14 \\ x = 10 \end{cases}$$

Ответ: Не более 10 меньших ящиков.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 2

Вариант 1

$$1. \begin{cases} xy = 12 \\ x + y = 8 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} xy = 12 \\ y = 8 - x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x(8 - x) = 12 \\ y = 8 - x \end{cases};$$

$$x(8 - x) = 12; 8x - x^2 = 12; x^2 - 8x + 12 = 0;$$

$$D = 8^2 - 4 \cdot 12 = 16; \sqrt{D} = 4; x_1 = \frac{8 - 4}{2} = 2; x_2 = \frac{8 + 4}{2} = 6;$$

$$y_1 = 8 - 2 = 6; y_2 = 8 - 6 = 2.$$

Ответ: (2; 6); (6; 2).

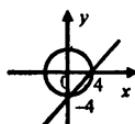
$$2. \begin{cases} x^2 - 2y^2 = 14 \\ x^2 + 2y^2 = 18 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + 2y^2 - x^2 - (-2y^2) = 18 - 14 \\ x^2 + 2y^2 + x^2 - 2y^2 = 18 + 14 \end{cases}$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 4y^2 = 4 \\ 2x^2 = 32 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y^2 = 1 \\ x^2 = 16 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \pm 1 \\ x = \pm 4 \end{cases};$$

$$x_1 = 4, y_1 = 1; \quad x_2 = -4, y_2 = -1;$$

$$x_3 = 4, y_3 = -1; \quad x_4 = -4, y_4 = 1.$$

Ответ: (4; 1), (-4; -1), (4; -1), (-4; 1).



$$3. \begin{cases} x^2 + y^2 = 16 \\ x - y = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + y^2 = 16 \\ y = x - 4 \end{cases}$$
 окружность с центром в

точке (0;0) и радиусом $\sqrt{16} = 4$; прямая, проходящая через точки (4; 0) и (0; -4).

Ответ: (4; 0), (0; -4)

4. $\overline{xy} = 10x + y$ — данное двузначное число, где x — первая цифра; y — вторая цифра; $\overline{yx} = 10y + x$ — число, полученное из данного переменой цифр местами.

По условию задачи запишем систему:

$$\begin{cases} x + y = 10 \\ (10y + x) - 36 = 10x + y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 10 - x \\ 10y + x - 36 - 10x - y = 0 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y = 10 - x \\ 9y - 9x = 36 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 10 - x \\ y - x = 4 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 10 - x \\ y = 4 + x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 10 - x \\ 0 = 10 - 4 - x - x \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y = 10 - x \\ 2x = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 10 - 3 = 7 \\ x = 3 \end{cases}$$

Таким образом, $x = 3$, $y = 7$ и заданное число есть 37

Ответ 37

5. $x^2 + y^2 = 3$ — окружность с центром в точке $(0, 0)$ и радиусом $\sqrt{3}$,
 $y = x^2 + a$ — парабола с вершиной в точке $(0; a)$.

Итак при $\begin{cases} a \in (\sqrt{-3}, \sqrt{3}) & -2 \text{ решения;} \\ a = \sqrt{3} & 1 \text{ решение;} \\ a = -\sqrt{3} & 3 \text{ решения.} \end{cases}$ Ответ. а) $a = \sqrt{3}$; б) $a = -\sqrt{3}$

Вариант 2

1. $\begin{cases} xy = -2 \\ x + y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} xy = -2 \\ y = 1 - x \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x(1-x) = -2 \\ y = 1-x \end{cases},$

$$x(1-x) = -2, x - x^2 = -2, x^2 - x - 2 = 0; D = 1^2 - 4 \cdot (-2) = 1 + 8 = 9;$$

$$\sqrt{D} = 3; x_1 = \frac{1-3}{2} = -1; x_2 = \frac{1+3}{2} = 2; y_1 = 1 - (-1) = 2; y_2 = 1 - 2 = -1$$

Ответ $(-1, 2); (2, -1)$.

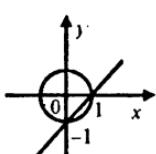
2. $\begin{cases} x^2 - 3y^2 = 22 \\ x^2 + 3y^2 = 28 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + 3y^2 - x^2 - (-3y^2) = 28 - 22 \\ x^2 + 3y^2 + x^2 - 3y^2 = 22 + 28 \end{cases} \Leftrightarrow$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 6y^2 = 6 \\ 2x^2 = 50 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y^2 = 1 \\ x^2 = 25 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \pm 1 \\ x = \pm 5 \end{cases};$$

$$x_1 = 5, y_1 = 1, \quad x_2 = -5, y_2 = -1,$$

$$x_3 = 5, y_3 = -1, \quad x_4 = -5, y_4 = 1.$$

Ответ $(5; 1), (-5; -1), (5; -1), (-5; 1)$.



3. $\begin{cases} x^2 + y^2 = 1 \\ x - y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + y^2 = 1 \\ y = x - 1 \end{cases}$ окружность с центром в

точке $(0; 0)$ и радиусом $\sqrt{1} = 1$, прямая, проходящая через
точки $(0; -1)$ и $(1; 0)$

Ответ $(0; -1), (1, 0)$.

4. $\overline{xy} = 10x + y$ — данное двузначное число, где x — первая цифра, y — вторая, $\overline{yx} = 10y + x$ — число, полученное из данного перенесённой цифр местами.

Из условий задачи запишем систему:

$$\begin{cases} \frac{(10x+y)-3}{10y+x} = 4 \\ \frac{(10x+y)-7}{x+y} = 8 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 10x+y-3 = 40y+4x \\ 10x+y-7 = 8x+8y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 6x-39y = 3 \\ 2x-7y = 7 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} -2x+13y = -1 \\ 2x-7y = 7 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} -2x+13y+2x-7y = -1+7 \\ 2x = 7+7y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 6y = 6 \\ x = \frac{7+7y}{2} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 1 \\ x = \frac{7+7}{2} = 7 \end{cases}$$

Таким образом, $x = 7$, $y = 1$, и заданное число есть 71. Число, записанное теми же цифрами, но в обратном порядке, есть 17.

Ответ: 71; 17.

5. $\begin{cases} y + x^2 + 2 = 0 \\ x^2 + y^2 = m \end{cases};$

$x^2 + y^2 = m$ — окружность с центром в точке $(0, 0)$ и радиусом \sqrt{m} ;
 $y = -2 - x^2$ — парабола с вершиной $(0; -2)$, ее ветви направлены вниз

а) при $m = 4$; б) нет таких m .

Вариант 3

1. $\begin{cases} xy = -2 \\ x+3 = y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x(x+3) = -2 \\ x+3 = y \end{cases}; x(x+3) = -2; x^2 + 3x + 2 = 0;$

$$D = 3^2 - 4 \cdot 2 = 9 - 8 = 1; \sqrt{D} = 1, x_1 = \frac{-3-1}{2} = -2; x_2 = \frac{-3+1}{2} = -1;$$

$$y_1 = -2 + 3 = 1; y_2 = -1 + 3 = 2. \quad \text{Ответ: } (-2; 1), (-1; 2).$$

2. $\begin{cases} 2x^2 - y^2 = -1 \\ 2x^2 + y^2 = 17 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2x^2 - y^2 + 2x^2 + y^2 = -1 + 17 \\ 2x^2 + y^2 - 2x^2 - (-y^2) = 17 - (-1) \end{cases} \Leftrightarrow$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 4x^2 = 16 \\ 2y^2 = 18 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 = 4 \\ y^2 = 9 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \pm 2 \\ y = \pm 3 \end{cases}$$

$$x_1 = 2, y_1 = 3; \quad x_2 = -2, y_2 = -3; \\ x_3 = 2, y_3 = -3; \quad x_4 = -2, y_4 = 3.$$

Ответ: $(2; 3), (-2; -3), (2; -3), (-2; 3)$.

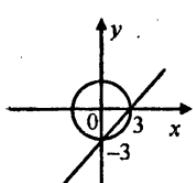
3. $\begin{cases} x^2 + y^2 = 9 \\ x - y = 3 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + y^2 = 9 \\ y = x - 3 \end{cases}$ окружность с

центром в точке $(0; 0)$ и радиусом $\sqrt{9} = 3$; прямая, проходящая через точки $(0; -3)$ и $(3; 0)$.

Ответ: $(0; -3), (3; 0)$.

4. $xy = 10x + y$ — данное двузначное число, где x — первая цифра, y — вторая.

Из условий задачи запишем систему:



$$\begin{cases} \frac{10x+y}{x+y} = 4 \\ \frac{10x+y}{x \cdot y} = 2, x \neq 0, y \neq 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 10x+y = 4x+4y \\ 10x+y = 2xy \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 6x = 3y \\ 10x+y - 2xy = 0 \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} y = 2x \\ 10x + 2x - 2x \cdot (2x) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 2x \\ 12x - 4x^2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 2x \\ 4x(3-x) = 0 \end{cases}$$

$$x_1 = 0; \quad x_2 = 3;$$

$$y_1 = 2 \cdot 0 = 0; \quad y_2 = 2 \cdot 3 = 6.$$

$x_1 = 0, y_1 = 0$ не удовлетворяют условию задачи, т.к. $x \neq 0$ и $y \neq 0$. Таким образом, $x = 3$ и $y = 6$, и заданное число 36.

Ответ: 36.

$$5. \begin{cases} y + x^2 = b \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases};$$

$\begin{cases} y = b - x^2 \\ x^2 + y^2 = 5 \end{cases}$ – парабола с вершиной $(0; b)$, ее ветви направлены вниз;
 $x^2 + y^2 = 5$ – окружность с центром в точке $(0; 0)$ и радиусом $\sqrt{5}$.

$$a) b = -\sqrt{5}; \quad b) b = \sqrt{5}.$$

Вариант 4

$$1. \begin{cases} xy = 12 \\ x - y = 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x(x-1) = 12 \\ y = x-1 \end{cases}$$

$$x(x-1) = 12; x^2 - x - 12 = 0; D = 1^2 - 4(-12) = 1 + 48 = 49; \sqrt{D} = 7,$$

$$x_1 = \frac{1-7}{2} = -3; x_2 = \frac{1+7}{2} = 4; y_1 = -3 - 1 = -4; y_2 = 4 - 1 = 3.$$

Ответ: $(4; 3), (-3; -4)$

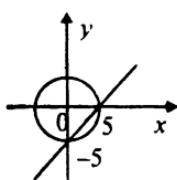
$$2. \begin{cases} x^2 - y^2 = -5 \\ x^2 + y^2 = 13 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - y^2 + x^2 + y^2 = -5 + 13 \\ x^2 + y^2 - x^2 - (-y^2) = 13 - (-5) \end{cases} \Leftrightarrow$$

$$\Leftrightarrow \begin{cases} 2x^2 = 8 \\ 2y^2 = 18 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 = 4 \\ y^2 = 9 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \pm 2 \\ y = \pm 3 \end{cases}$$

$$x_1 = 2; y_1 = 3; \quad x_2 = -2; y_2 = -3;$$

$$x_3 = 2; y_3 = -3; \quad x_4 = -2; y_4 = 3.$$

Ответ: $(2; 3), (-2; -3), (2; -3), (-2; 3)$.



$$3. \begin{cases} x^2 + y^2 = 25 \\ x - y = 5 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 + y^2 = 25 \\ y = x - 5 \end{cases} \text{окружность с}$$

центром в точке $(0; 0)$ и радиусом $\sqrt{25} = 5$; прямая, проходящая через точки $(0; -5)$ и $(5; 0)$

Ответ: $(0; -5); (5; 0)$.

4. Пусть x — первое число, y — второе.

Из условий задачи запишем систему:

$$\begin{cases} x^2 - y^2 = 100 \\ 3x - 2y = 30 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - \left(\frac{3x - 30}{2}\right)^2 = 100 \\ y = \frac{3x - 30}{2} \end{cases}$$

Из первого уравнения системы найдем x : $x^2 - \left(\frac{3x - 30}{2}\right)^2 = 100$.

$$x^2 - \frac{9x^2 - 180x + 900}{4} = 100; 4x^2 - 9x^2 + 180x - 900 = 400;$$

$$-5x^2 + 180x - 1300 = 0; x^2 - 36x + 260 = 0; D = 36^2 - 4 \cdot 260 = 1296 - 1040 = 256,$$

$$\sqrt{D} = 16. x_1 = \frac{36 + 16}{2} = 26; x_2 = \frac{36 - 16}{2} = 10; y_1 = \frac{3 \cdot 26 - 30}{2} = 24;$$

$$y_2 = \frac{3 \cdot 10 - 30}{2} = 0;$$

Таким образом, условиям задачи удовлетворяют две пары чисел: (26, 24) и (10, 0).

Ответ: (26; 24), (10; 0).

5. $\begin{cases} y - x^2 = 4 \\ x^2 + y^2 = k \end{cases}$;

$y = 4 + x^2$ — парабола с вершиной $(0; 4)$, ее ветви направлены вверх;
 $x^2 + y^2 = k$ — окружность с центром $(0, 0)$ и радиусом \sqrt{k} .

a) $k = 16$; б) нет таких k .

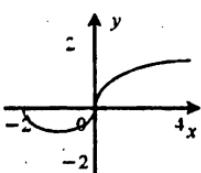
КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 3

Вариант 1

1.

$$y = \frac{\sqrt{10 + 3x - x^2}}{x - 3}; \text{ ОДЗ: } \begin{cases} x^2 - 3x - 10 \leq 0 \\ x \neq 3 \end{cases}; \begin{cases} (x+2)(x-5) \leq 0 \\ x \neq 3 \end{cases}$$

$$x \in [-2; 3) \cup (3, 5].$$

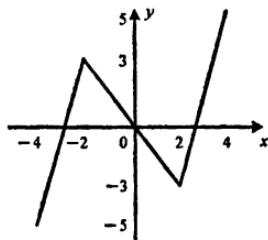


2.

$$y = \begin{cases} x^2 + 2x, & -2 \leq x < 0, \\ \sqrt{x}, & 0 \leq x \leq 4. \end{cases}$$

Убывает при $x \in [-2; -1]$,
возрастает при $x \in [-1; 4]$; $y_{\min} = y(-1) = -1$;

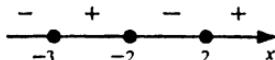
$$y_{\max} = y(4) = 2.$$



4. а) $y = 2 + \frac{x}{x-4}$; $y(-x) = 2 + \frac{-x}{-x-4}$ - ни четная, ни нечетная;

б) $y = x(x^2 - 9)$; $y(-x) = -x(x^2 - 9) = -y(x)$ - нечетная;

в) $y = 3\sqrt{x^2} - 2x^4$; $y(-x) = 3\sqrt{x^2} - 2x^4 = y(x)$ - четная.



5.

$$f(x) = x - 4; \quad f(x^2) = x^2 - 4; \quad f(x+7) = x + 3;$$

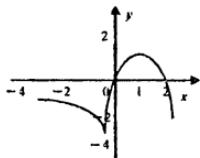
$$(x^2 - 4)(x + 3) \leq 0; \quad (x - 2)(x + 2)(x + 3) \leq 0; \quad x \in (-\infty; -3] \cup [-2; 2].$$

Вариант 2

1. $y = \frac{\sqrt{12 - 4x - x^2}}{1-x}$; ОДЗ: $\begin{cases} x^2 + 4x - 12 \leq 0 \\ x \neq 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (x-2)(x+6) \leq 0 \\ x \neq 1 \end{cases}$

Ответ: $x \in [-6; 1) \cup (1; 2]$.

2. $y = \begin{cases} \frac{3}{x}, & -3 \leq x \leq -1, \\ 2x - x^2, & -1 < x \leq 3. \end{cases}$

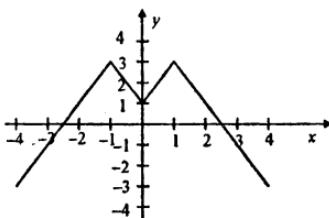


Убывает при $x \in [-3; -1] \cup [1; 3]$;

возрастает при $x \in [-1; 1]$; $y_{\min} = y(-1) = y(3) = -3$;

$$y_{\max} = y(1) = 1.$$

3.



4. а) $y = \frac{|x|}{x^2 - 4}$; $y(-x) = \frac{|x|}{x^2 - 4} = y(x)$ - четная;

б) $y = 2x - \sqrt{x-5}$; $y(-x) = -2x - \sqrt{-x-5}$ - ни четная, ни нечетная;

в) $y = 3x - x^5$; $y(-x) = -3x + x^5 = -y(x)$ - нечетная.

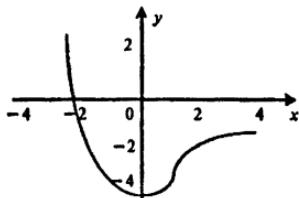
$$-\bullet + -\bullet + \xrightarrow{x} \quad 5. f(x) = x - 1; \quad f(x+5) = x + 4; \quad f(x^2) = x^2 - 1.$$

$$(x^2 - 1)(x + 4) \geq 0; \quad (x - 1)(x + 1)(x + 4) \geq 0; \quad x \in [-4; -1] \cup [1, +\infty)$$

Вариант 3

$$1. y = \frac{\sqrt{12 - 4x - x^2}}{1-x}; \quad \text{ОДЗ} \quad \begin{cases} x^2 + 4x - 12 \leq 0 \\ x \neq 1 \end{cases}; \quad \begin{cases} (x-2)(x+6) \leq 0 \\ x \neq 1 \end{cases},$$

$$x \in [-6; 1) \cup (1; 2].$$

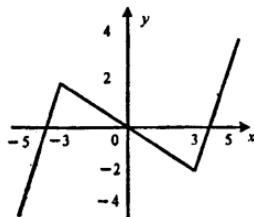


3.

$$2. y = \begin{cases} x^2 - 5, & -3 \leq x < 1, \\ -\frac{4}{x}, & 1 \leq x \leq 4. \end{cases}$$

Убывает при $x \in [-3; 0]$; возрастает при $x \in [0, 4]$.

$$y_{\min} = y(0) = -5, \quad y_{\max} = y(-3) = 4$$



$$4. a) y = x(x^4 + 1); \quad y(-x) = -x(x^4 + 1) = -y(x) \text{ - нечетная},$$

$$b) y = 2\sqrt{x^2 - x^6}; \quad y(-x) = 2\sqrt{x^2 - x^6} = y(x) \text{ - четная};$$

$$v) y = 1 - \frac{x}{2-x}; \quad y(-x) = 1 - \frac{x}{2+x} \text{ - ни четная, ни нечетная.}$$



$$5. f(x) = x - 4; \quad f(x^2) = x^2 - 4; \quad f(x+5) = x + 1$$

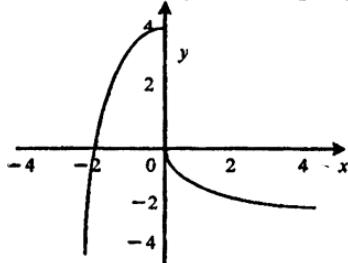
$$(x^2 - 4)(x + 1) \geq 0; \quad (x - 2)(x + 2)(x + 1) \geq 0$$

Ответ: $x \in [-2; -1] \cup [2, +\infty)$

Вариант 4

$$1. y = \frac{\sqrt{x^2 - 8x + 7}}{x+3}; \quad \text{ОДЗ}: \begin{cases} x^2 - 8x + 7 \geq 0 \\ x \neq -3 \end{cases}; \quad \begin{cases} (x-1)(x-7) \geq 0 \\ x \neq -3 \end{cases},$$

$$x \in (-\infty; -3) \cup (-3; 1] \cup [7; +\infty).$$

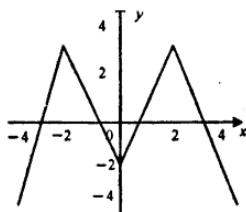


$$2. y = \begin{cases} 4 - x^2, & -3 \leq x \leq 0, \\ -\sqrt{x}, & 0 < x \leq 4 \end{cases}$$

Убывает при $x \in (0; 4]$; возрастает при

$$x \in [-3; 0]; \quad y_{\min} = y(-3) = -5,$$

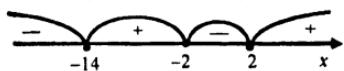
$$y_{\max} = y(0) = 4.$$



4. a) $y = |x|(1 - x^2)$; $y(-x) = |x|(1 - x^2) = y(x)$ - четная;

б) $y = \sqrt{1-x} - x^3$; $y(-x) = \sqrt{1+x} + x^3$ - ни четная, ни нечетная;

в) $y = x^5 + x$; $y(-x) = -x^5 - x = -y(x)$ - нечетная.



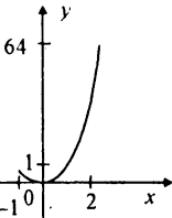
5. $f(x) = x - 4$; $f(x^2) = x^2 - 4$; $f(x + 18) = x + 14$,

$(x^2 - 4)(x + 14) \leq 0$, $(x - 2)(x + 2)(x+14) \leq 0$

Ответ: $x \in (-\infty; -14] \cup [-2; 2]$.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 4

Вариант 1



1.

$$y = x^6, x \in [-1; 2]$$

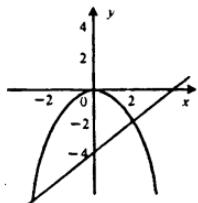
$y = x^6$ — парабола, ветви которой направлены вверх, вершина в точке $(0; 0)$.

$$y(-1) = 1 < y(2) = 64;$$

$$y_{\min} = y(0) = 0^6 = 0;$$

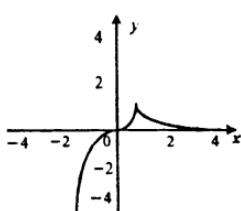
$$y_{\max} = y(2) = 2^6 = 64;$$

Ответ: $y_{\min} = 0$, $y_{\max} = 64$.



2.

$-0.5x^4 = x - 4$ - имеет два корня.

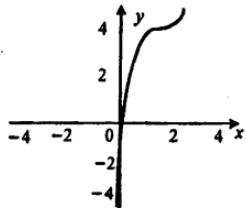


3.

$$y = \begin{cases} x^3, & x \leq 1, \\ \frac{1}{x^2}, & x > 1. \end{cases}$$

Убывает при $x \in [1; +\infty)$; возрастает при $x \in [-\infty; 1]$;

y_{\min} - не существует; $y_{\max} = y(1) = 1$.



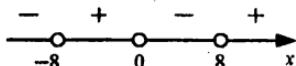
4.

$$y = (x - 2)^3 + 4; \quad y(0) = -4; \quad y(3) = 5;$$

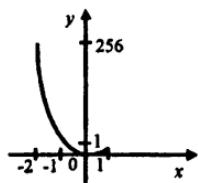
значит на отрезке $[0; 3]$: $y_{\max} = y(3) = 5$,
 $y_{\min} = y(0) = -4$

5. $f(x) = x^{-3}; \quad f\left(\frac{1}{x}\right) = x^3; \quad x^2 \cdot x^{-3} > 64x^3; \quad x^3(x^2 - 64) > 0,$

$$x^3(x - 8)(x + 8) > 0; \quad x \in (-8; 0) \cup (8; +\infty).$$



Вариант 2



1.

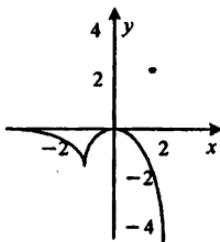
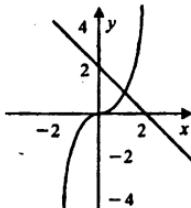
$y = x^8$ — парабола, ветви которой направлены вверх, вершина в точке $(0; 0)$.

$$x \in [-2; 1], \quad y(-2) = 2^8 = 256 > y(1) = 1, \quad y_{\max} = y(-2) = 256, \\ y_{\min} = y(0) = 0.$$

Ответ: $y_{\min} = 0, y_{\max} = 256$.

2.

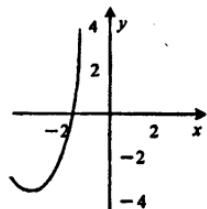
$0,5x^3 = 2 - x$ — имеет один корень.



3.

$$y = \begin{cases} x^3, & x < -1, \\ -x^4, & x \geq -1. \end{cases}$$

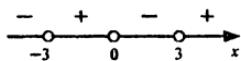
Убывает при $x \in (-\infty; -1] \cup [0; +\infty)$; возрастает при $x \in [-1; 0]$; y_{\min} — не существует; $y_{\max} = y(0) = 0$.



4. $y = (x + 3)^4 - 4,$

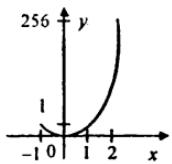
на отрезке $[-4; -1]$ $y_{\min} = y(-3) = -4$,

$y_{\max} = y(-1) = 12$, т.к. $y(-4) < y(-1)$, $y(-4) = -3$.



5. $f(x) = x^{-5}$, $f(\frac{1}{x}) = x^5$, $x^5 < 0 \Rightarrow x < 0$; $x^3(x^2 - 9) < 0$;
 $x^3(x - 3)(x + 3) < 0$; $x \in (-\infty; -3) \cup (0; 3)$.

Вариант 3

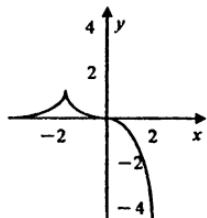
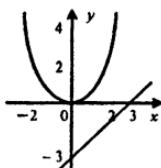


1. $y = x^8$ — парабола, ветви которой направлены вверх, вершина в точке $(0; 0)$.

$x \in [-1; 2]$, $y(-1) = 1 < y(2) = 256$; $y_{\max} = y(2) = 256$, $y_{\min} = y(0) = 0$.

Ответ: $y_{\min} = 0$, $y_{\max} = 256$.

2. $2x^4 = x - 3$ — нет корней.

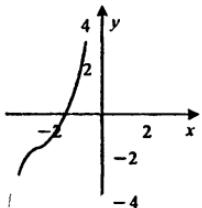


3. $y = \begin{cases} \frac{1}{x^2}, & x < -1, \\ -x^3, & x \geq -1. \end{cases}$

Убывает при $x \geq -1$; возрастает при $x \leq -1$; y_{\min} — не существует; $y_{\max} = y(-1) = 1$.

4. $y = (x + 3)^3 - 1$,

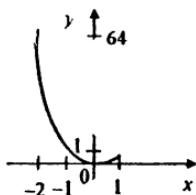
на отрезке $[-4; -1]$ $y_{\max} = y(-1) = 7$, $y_{\min} = y(-4) = -2$.



5. $f(x) = x^{-4}$; $f\left(\frac{1}{x}\right) = x^4$; $\frac{16 \cdot x}{x^{-4}} < x^3 \cdot x^4$; $x^5(x^2 - 16) > 0$;

$x^5(x - 4)(x + 4) > 0$; $x \in (-4; 0) \cup (4; +\infty)$.

Вариант 4



1.

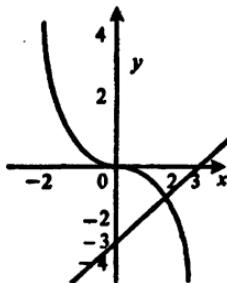
$y = x^6$ — парабола, ветви которой направлены вверх, вершина в точке $(0; 0)$.

$x \in [-2; 1]$, $y(-2) = 64 > y(1) = 1$, $y_{\max} = y(-2) = 64$,

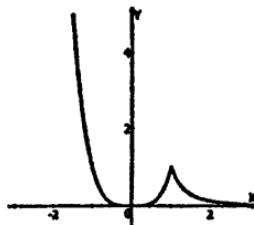
$y_{\min} = y(0) = 0$.

Ответ: $y_{\min} = 0$, $y_{\max} = 64$.

2.

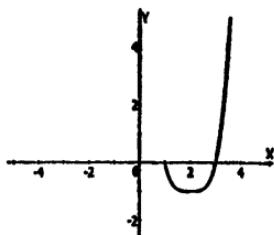


$-0.5x^3 - x + 3$ - имеет один корень.



$$3. \quad y = \begin{cases} x^4, & x \leq 1, \\ 1/x^3, & x > 1. \end{cases}$$

Убывает при $x \in (-\infty; 0] \cup [1; +\infty)$; возрастает при $x \in [0; 1]$; y_{\max} - не существует; $y_{\min} = y(0) = 0$.



$$4. \quad y = (x-2)^4 - 1, \quad \text{на отрезке } [1; 4] \quad y_{\min} = y(2) = -1; y(1) = 0 < y(4) = 15,$$

$$y_{\max} = y(4) = 15.$$

$$5. \quad f(x) = x^{-6}, \quad f\left(\frac{1}{x}\right) = x^6, \quad 4x^9 \cdot x^{-6} > \frac{x^6}{x};$$

$$x^3(x^2 - 4) < 0; \quad x^3(x-2)(x+2) < 0; \quad x \in (-\infty; -2) \cup (0; 2).$$

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 5

Вариант 1

$$1. \quad -8; \quad -6,5; \quad -5\dots$$

$$a_1 = -8; \quad d = 1,5; \quad a_{10} = -8 + 9 \cdot 1,5 = 5,5; \quad S_{10} = \frac{-8 + 5,5}{2} \cdot 10 = -12,5.$$

$$2. \quad \frac{16}{27}; \quad \frac{16}{9}; \quad \frac{16}{3} \dots \quad b_1 = \frac{16}{27}; \quad q = 3; \quad b_8 = \frac{16}{27} \cdot 3^7 = 1296.$$

$$3. \quad \begin{cases} a_3 + a_6 = 3 \\ a_2 = a_7 + 15 \end{cases}; \quad \begin{cases} 2a_1 + 7d = 3 \\ 5d = -15 \end{cases}; \quad \begin{cases} d = -3 \\ a_1 = 12 \end{cases}; \quad \begin{cases} a_1 = 12 \\ a_2 = 9 \end{cases}.$$

4. $\sqrt{2x+8} = q\sqrt{3x-8} = q^2 \cdot 1$, где q — знаменатель геометрической прогрессии. Из первого равенства:

$$q = \frac{\sqrt{2x+8}}{\sqrt{3x-8}}; \text{ ОДЗ: } \begin{cases} 2x+8 > 0 \\ 3x-8 > 0 \end{cases} \Leftrightarrow x > 2 \frac{2}{3}$$

(неравенства строгие, т.к. члены геометрической прогрессии отличны от 0).

Используя второе равенство, избавимся от q :

$$\sqrt{2x+8} = q^2 = \frac{2x+8}{3x-8}; 1 = \frac{\sqrt{2x+8}}{3x-8}; \sqrt{2x+8} = 3x-8,$$

$$2x+8 = 9x^2 - 48x + 64, 9x^2 - 50x + 56 = 0.$$

$$D = 50^2 - 4 \cdot 9 \cdot 56 = 484; \sqrt{D} = 22. x_1 = \frac{50+22}{18} = 4;$$

$$x_2 = \frac{50-22}{18} = 1 \frac{5}{9} \text{ (неуд. ОДЗ!)}$$

Ответ: 4.

$$5. a_1 = 103, d = 7, a_n = 544, n = \frac{a_n - a_1 + d}{d} = \frac{544 - 103 + 7}{7} = 64,$$

$$S_{64} = \frac{103 + 544}{2} \cdot 64 = 20\ 704.$$

Ответ: 20 704.

Вариант 2

1. 26; 23; 20...

$$a_1 = 26; d = -3; a_{12} = 26 + 11 \cdot (-3) = -7; S_{12} = \frac{26 - 7}{2} \cdot 12 = 114.$$

$$2. \frac{15}{256}; \frac{15}{64}; \frac{15}{16} \dots b_1 = \frac{15}{256}; q = 4; b_8 = \frac{15}{256} \cdot 4^7 = 960.$$

$$3. \begin{cases} a_3 + 12 = a_6 \\ a_2 + a_8 = 4 \end{cases}; \begin{cases} b = 4 \\ 2a_1 + 32 = 4 \end{cases}; \begin{cases} a_1 = -14 \\ a_2 = -10 \\ a_3 = -6 \end{cases}$$

$$4. \sqrt{x-1} = q\sqrt{x+1} = q^2\sqrt{2x+5}; q > 0; x \geq 1.$$

$$x-1 = q^2(x+1); x = \frac{q^2+1}{1-q^2}; \sqrt{\frac{q^2+1}{1-q^2} + 1} = q\sqrt{\frac{2q^2+2}{1-q^2} + 5};$$

$$\frac{2}{1-q^2} = q^2 \cdot \frac{-3q^2+7}{1-q^2}; 3q^4 - 7q^2 + 2 = 0; q^2 = \frac{1}{3} \text{ или } q^2 = 2.$$

$$x = \frac{3}{-1} - \text{не подходит, значит, } x = \frac{\sqrt[4]{3}}{\sqrt[2]{3}} = 2.$$

$$5. a_1 = 11, d = 4, a_n = 99, n = \frac{a_n - a_1 + d}{d} = \frac{99 - 11 + 4}{4} = 23,$$

$$S_{23} = \frac{11 + 99}{2} \cdot 23 = 1265.$$

Ответ: 1265.

Вариант 3

$$1. -4, 2; -2; 0, 2 \dots a_1 = -4, 2; d = 2, 2; a_{11} = -4, 2 + 10 \cdot 2, 2 = 17, 8;$$

$$S_{11} = \frac{-4, 2 + 17, 8}{2} \cdot 11 = 74, 8.$$

$$2. \frac{7}{54}; \frac{7}{18}; \frac{7}{6} \dots b_1 = \frac{7}{54}; q = 3; b_{10} = \frac{7}{54} \cdot 3^9 = 2551, 5.$$

$$3. \begin{cases} a_7 + a_4 = 6 \\ a_5 - 12 = a_2 \end{cases}; \quad \begin{cases} d = 4 \\ 2a_1 + 36 = 6 \end{cases}; \quad \begin{aligned} a_1 &= -15, \\ a_3 &= -7. \end{aligned}$$

$$4. \sqrt{4 - x} = q\sqrt{2x - 2} = 4q^2; 4 - x = 16q^4; x = 4 - 16q^4.$$

$$\sqrt{8 - 32q^4 - 2} = 4q; q^2 = -\frac{12}{16} - \text{не подходит, значит,}$$

$$q^2 = \frac{1}{4}; x = 4 - 16q^4 = 4 - 16 \cdot \frac{1}{16} = 3.$$

$$5. a_1 = 101; d = 8; a_n = 445; S_n = \frac{101 + 445}{2} \cdot \frac{445 - 101 + 8}{8} = 12012.$$

Вариант 4

$$1. 5, 2; 3, 7; 2, 2 \dots a_1 = 5, 2; d = -1, 5; a_{13} = 5, 2 + 12 \cdot (-1, 5) = -12, 8;$$

$$S_{13} = \frac{5, 2 - 12, 8}{2} \cdot 13 = -49, 4.$$

$$2. \frac{13}{96}; \frac{13}{48}; \frac{13}{24}; \dots \quad b_1 = \frac{13}{96}, q = 2, b_8 = \frac{13}{96} \cdot 2^7 = 17 \frac{1}{3}.$$

Ответ: $17 \frac{1}{3}$.

$$3. \begin{cases} a_5 + 15 = a_2 \\ a_3 + a_7 = -6 \end{cases}; \quad \begin{cases} d = -5 \\ 2a_1 - 40 = -6 \end{cases}; \quad \begin{aligned} a_1 &= 17, \\ a_3 &= 7, \\ a_4 &= 2. \end{aligned}$$

$$4. \sqrt{x - 1} = q\sqrt{6 - x} = q^2\sqrt{10 + 3x}; x - 1 = 6q^2 - xq^2; x = \frac{6q^2 + 1}{q^2 + 1}.$$

$$\frac{5}{q^2+1} = q^2 \cdot 10 + q^2 \frac{18q^2+3}{q^2+1}; \quad 5 = 10q^4 + 10q^2 + 18q^4 + 3q^2;$$

$28q^4 + 13q^2 - 5 = 0; \quad q^2 = -\frac{40}{28 \cdot 2}$ - не подходит, значит,

$$q^2 = \frac{1}{4}; \quad x = \frac{\frac{6 \cdot \frac{1}{4} + 1}{4}}{\frac{1}{4} + 1} = 2.$$

5. $a_1 = 14, d = 5, a_n = 99,$

$$n = \frac{a_n - a_1 + d}{d} = \frac{99 - 14 + 5}{5} = 18, \quad S_{18} = \frac{99 + 14}{2} \cdot 18 = 1017$$

Ответ: 1017.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 6

Вариант 1

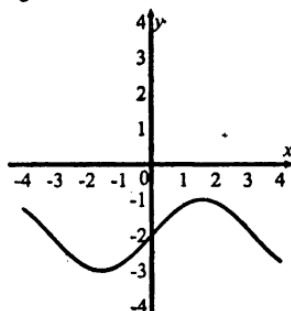
1. а) $4 \cos \frac{\pi}{3} + \operatorname{ctg} \frac{p}{4} = 2 + 1 = 3; \quad$ б) $2 \sin \left(-\frac{\pi}{6} \right) + \operatorname{tg}^2 \left(-\frac{p}{3} \right) = -1 + 3 = 2,$

в) $\operatorname{ctg} \frac{5p}{2} + \sin \frac{13\pi}{6} + \cos \frac{10\pi}{3} = 0 + \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = 0.$

2. $\sin \frac{23\pi}{7} \operatorname{tg} \frac{15\pi}{11} = \sin \left(3\pi + \frac{2\pi}{7} \right) \operatorname{tg} \left(\pi + \frac{4\pi}{11} \right) = \sin \left(\pi + \frac{2\pi}{7} \right) \operatorname{tg} \left(\pi + \frac{4\pi}{11} \right) =$
 $= -\sin \frac{2\pi}{7} \operatorname{tg} \frac{4\pi}{11} < 0, \quad \frac{4\pi}{11} \in \left[0; \frac{\pi}{2} \right]$

3. $\cos t = \frac{1}{2}; \quad t = \pm \frac{\pi}{3} + 2\pi n.$

4.



5.

$$\sin t = \frac{5\sqrt{3}}{14} \quad \frac{\pi}{2} < t < \pi; \quad 1 - \cos^2 t = \frac{75}{196}; \quad \cos t = -\frac{11}{14};$$

$$\operatorname{tg} t = -\frac{5\sqrt{3} \cdot 14}{14 \cdot 11} = -\frac{5\sqrt{3}}{11}.$$

6. $\cos 4 \approx \cos 228^\circ$; $\cos \frac{11\pi}{2} = 0$; $\cos 7 \approx \cos 400^\circ$; $\cos 7,3 \approx \cos 56^\circ$;
 $\cos 4$; $\cos \frac{11\pi}{2}$; $\cos(7;3)$; $\cos 7$.

Вариант 2

1. а) $\operatorname{tg} \frac{\pi}{3} - 2 \sin \frac{p}{3} = \sqrt{3} - \sqrt{3} = 0$; б) $4 \cos^2 \left(-\frac{\pi}{6}\right) + \operatorname{ctg} \left(-\frac{p}{4}\right) = 3 - 1 = 2$;

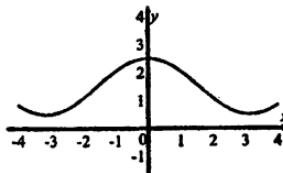
в) $\sin \frac{9p}{2} + \cos \frac{5\pi}{3} + \operatorname{tg} \frac{19\pi}{4} = 1 + \frac{1}{2} - 1 = \frac{1}{2}$.

2. $\cos \frac{35\pi}{8} \operatorname{ctg} \frac{18\pi}{5} = \cos \left(4\pi + \frac{3}{8}\pi\right) \operatorname{ctg} \left(3\pi + \frac{3}{5}\pi\right) = \cos \frac{3}{8}\pi \cdot \operatorname{ctg} \frac{3}{5}\pi < 0$, т.к.

$\cos \frac{3}{8}\pi > 0$, $\operatorname{ctg} \frac{3}{5}\pi < 0$, $\frac{3}{5}\pi \in \left[\frac{\pi}{2}; \pi\right]$.

3. $\sin t = -\frac{\sqrt{2}}{2}$; $t = (-1)^{k+1} \frac{\pi}{4} + \pi k$.

4.



5.

$\cos t = -\frac{3\sqrt{13}}{11}$; $\pi < t < \frac{3\pi}{2}$; $1 - \sin^2 t = \frac{117}{121}$; $\sin t = -\frac{2}{11}$;

$\operatorname{ctg} t = \frac{3\sqrt{13}}{11} \cdot \frac{11}{2} = \frac{3}{2}\sqrt{13}$.

6.

$\sin 5 \approx \sin(285^\circ)$; $\sin 9\pi = 0$; $\sin 9 \approx \sin 513^\circ$; $\sin 9,2 \approx \cos 527^\circ$;
 $\sin 9$; $\sin 9,2$; $\sin 9\pi$; $\sin 5$.

Вариант 3

1.

а) $2 \cos \frac{\pi}{6} - 3 \operatorname{tg} \frac{\pi}{3} = \sqrt{3} - \sqrt{3} = 0$, $2 \cos \frac{\pi}{6} - 3 \operatorname{tg} \frac{p}{4} = \sqrt{3} - \sqrt{3} = 0$;

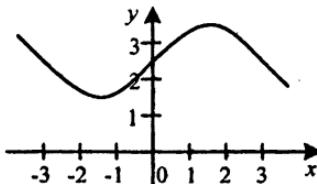
б) $\sin^2 \left(-\frac{\pi}{4}\right) - \cos \left(-\frac{p}{3}\right) = \frac{1}{2} - \frac{1}{2} = 0$;

в) $\cos \frac{7p}{2} + \sin \frac{5\pi}{6} + \operatorname{tg} \frac{11\pi}{4} = 0 + \frac{1}{2} - 1 = -\frac{1}{2}$.

$$2. \cos \frac{8\pi}{5} \cdot \operatorname{tg} \frac{13\pi}{9} = \cos \left(\pi + \frac{3\pi}{5} \right) \cdot \operatorname{tg} \left(\pi + \frac{4\pi}{9} \right) = -\cos \frac{3\pi}{5} \cdot \operatorname{tg} \frac{4\pi}{9} > 0, \text{ т.к.}$$

$$\cos \frac{3\pi}{5} < 0, \frac{3\pi}{5} \in \left[\frac{\pi}{2}; \pi \right], \operatorname{tg} \frac{4}{9}\pi > 0, \frac{4}{9}\pi \in \left[0; \frac{\pi}{2} \right].$$

$$3. \cos t = -\frac{\sqrt{3}}{2}; t = \pm \frac{5\pi}{6} + 2\pi n.$$



4.

$$5. \operatorname{tg} t = -\frac{3}{4}; \frac{3\pi}{2} < t < 2\pi; \sin t = -\frac{3}{4}\sqrt{1-\sin^2 t}, \sin t < 0.$$

$$\sin^2 t = \frac{9}{16} - \frac{9}{16}\sin^2 t; \sin t = -\frac{3}{5}; \frac{3}{5\cos t} = \frac{3}{4}; \cos t = \frac{4}{5}.$$

$$6. \cos \frac{13\pi}{2} = 0; \cos 7,2 \approx \cos 410^\circ; \cos 3 \approx \cos 171^\circ; \cos 6,4 \approx \cos 365^\circ,$$

тогда искомый порядок: $\cos 3; \cos \frac{13\pi}{2}; \cos 7,2; \cos 6,4$.

Вариант 4

$$1. \text{a)} 2\cos \frac{\pi}{6} - \operatorname{tg} \frac{p}{3} = \sqrt{3} - \sqrt{3} = 0; \text{б)} \cos^2 \left(-\frac{\pi}{4} \right) - \sin \left(-\frac{p}{6} \right) = \frac{1}{2} + \frac{1}{2} = 1,$$

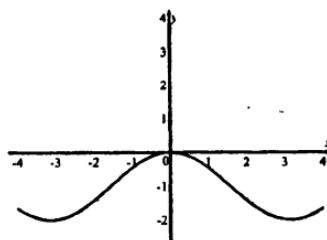
$$\text{в)} \operatorname{tg} \frac{7p}{4} + \cos \frac{7\pi}{3} + \sin \frac{5\pi}{2} = -1 + \frac{1}{2} + 1 = \frac{1}{2}.$$

$$2. \sin \frac{13\pi}{8} \operatorname{ctg} \frac{12\pi}{5} = \sin \left(\pi + \frac{5}{8}\pi \right) \cdot \operatorname{ctg} \left(2\pi + \frac{2}{5}\pi \right) = -\sin \frac{5}{8}\pi \cdot \operatorname{ctg} \frac{2}{5}\pi < 0,$$

$$\text{т.к. } \sin \frac{5}{8}\pi > 0, \frac{5}{8}\pi \in \left[\frac{\pi}{2}; \pi \right], \cos \frac{2\pi}{5} > 0, \frac{2\pi}{5} \in \left[0; \frac{\pi}{2} \right]$$

$$3. \sin t = \frac{1}{2}; t = (-1)^k \frac{\pi}{6} + \pi k.$$

4.



$$5. \operatorname{ctg} t = \frac{8}{15}; \quad \pi < t < \frac{3\pi}{2}; \quad \cos^2 t = \frac{64}{225} - \frac{64}{225} \cos^2 t; \quad \cos t = -\frac{8}{17};$$

$$-\frac{8}{17 \sin x} = \frac{8}{15}; \quad \sin x = -\frac{15}{17}.$$

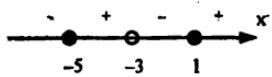
6. $\sin 11\pi = 0$; $\sin 6,9 \approx \sin 393^\circ$; $\sin 4 \approx \sin 228^\circ$; $\sin 7 \approx \sin 40^\circ$, тогда искомый порядок: $\sin 7$; $\sin 6,9$; $\sin 11\pi$; $\sin 4$.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 7

Вариант 1

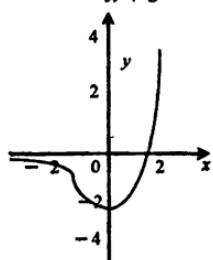
$$1. \begin{cases} 14 - 2x \leq x - 2 \\ 7x - 2 > 5x + 3 \end{cases}; \quad \begin{cases} x \geq 5\frac{1}{3} \\ x > 2,5 \end{cases}; \quad x \geq 5\frac{1}{3}.$$

Ответ: $x \in \left[5\frac{1}{3}; +\infty \right)$.



$$2. y = \sqrt{x + \frac{x-5}{x+3}}; \quad \text{ОДЗ: } \frac{x^2 + 4x - 5}{x+3} \geq 0;$$

$$\frac{(x+5)(x-1)}{x+3} \geq 0; \quad x \in [-5; -3) \cup [1; +\infty).$$



3.

$$y = \begin{cases} \frac{1}{x^3}, & x \leq -1, \\ x^2 - 2, & -1 < x \leq 3. \end{cases}$$

Убывает при $x \in (-\infty; 0]$; возрастает при $x \in [0; 3]$.

$$y_{\max} = y(3) = 7; \quad y_{\min} = y(0) = -2.$$

$$4. \cos^2 t + (\sin^2 t - 1)(\operatorname{tg}^2 t + 1) = \cos^2 t - \cos^2 t \cdot \frac{1}{\cos^2 t} = -\sin^2 t; \quad -\sin^2 \frac{7\pi}{3} = -\frac{3}{4}$$

$$5. \begin{cases} x^2 + y^2 = 16 \\ y = x^3 \end{cases} \quad \text{окружность с центром в точке (0; 0) и радиусом 4;} \\ \quad \text{кубическая гипербола.}$$

Итого: 2 решения.

$$6. \begin{cases} b_1 + b_3 = 10 \\ b_4 + b_6 = -80 \end{cases}; \quad \begin{cases} b_1(1+q^2) = 10 \\ q^3 b_1(1+q^2) = -80 \end{cases}; \quad \begin{cases} b_1 = \frac{10}{1+q^2} \\ q^3 = -8 \end{cases}; \quad \begin{cases} q = -2 \\ b_1 = 2 \end{cases}.$$

Ответ: 2.

7. Пусть x – деталей в час изготавливает токарь, y – ученик, тогда:

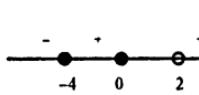
$$\begin{cases} x + y = 10 \\ \frac{28}{x} + \frac{15}{y} = 9; \end{cases} \quad \begin{cases} x = 10 - y \\ 28y + 150 - 15y = 9y(10 - y); \end{cases} \quad 9y^2 - 77y + 150 = 0;$$

$$y = \frac{50}{9} \text{ - не подходит, значит, } y = 3; x = 7.$$

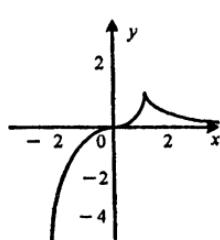
Ответ: ученик изготовил 3 детали за 1 час, а токарь – 7 деталей.

Вариант 2

1. $\begin{cases} 5x + 1 \leq 3x - 3 \\ x - 1 \leq 2x + 2 \end{cases}; \quad \begin{cases} x \leq -2 \\ x \geq -3; \end{cases} \quad x \in [-3; -2].$



2. $y = \sqrt{\frac{6x}{2-x}} - x; \quad \text{ОДЗ: } \frac{x^2 + 4x}{x-2} \leq 0; \quad \frac{x(x+4)}{x-2} \leq 0;$
 $x \in (-\infty; -4] \cup [0; 2).$



3. $y = \begin{cases} x^3, & -2 \leq x < 1, \\ 1/x, & x \geq 1. \end{cases}$

Возрастает при $x \in [-2; 1]$, убывает при $x \geq 1$.
 $y_{\max} = y(1) = 1, \quad y_{\min} = y(-2) = -8.$

4. $\frac{\cos^2 \alpha}{1 + \sin \alpha} + \sin \alpha + \tan^2 \alpha = 1 - \sin \alpha + \sin \alpha + \tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha}; \quad \frac{1}{\cos^2 \frac{7\pi}{4}} = 2.$

5. $\begin{cases} y = \frac{1}{x^2} \end{cases} \text{ - квадратичная гипербола;} \\ x^2 + y^2 = 9 \text{ - окружность с центром в точке } (0; 0) \text{ и радиусом 3}$

Отсюда следует, что у системы 4 решения.

6. $\begin{cases} a_3 + a_4 + a_5 = 9 \\ a_2 a_6 = -40 \end{cases}; \quad \begin{cases} a_1 + 3d = 3 \\ a_1^2 + 6a_1 d + 5d^5 = -40 \end{cases};$

$$\begin{cases} a_1 = 3 - 3d \\ 14d^2 - 18d + 49 + 18d - 18d^2 = 0 \end{cases}; \quad d = -\frac{7}{2} \text{ - не подходит,}$$

$$d = \frac{7}{2}, \quad a_1 = -\frac{15}{2}, \quad a_3 = -\frac{1}{2}.$$

Ответ: $a_3 = -\frac{1}{2}.$

7. Пусть x – скорость туриста, вышедшего из пункта А, y – второго туриста, тогда:

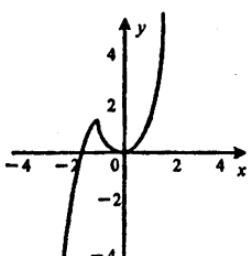
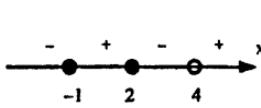
$$\begin{cases} \frac{18}{x} + 0,9 = \frac{18}{y} \\ 2x + 2y = 18 \end{cases}; \quad \begin{cases} x = 9 - y \\ 18y + 0,9y(9 - y) = 18(9 - y) \end{cases};$$

$$y^2 - 49y + 180 = 0; \quad y = \frac{90}{2}; \quad x = -3 - \text{не подходит, значит, } y = 4; \quad x = 5$$

Ответ. 4 км/ч и 5 км/ч.

Вариант 3.

$$1. \begin{cases} 6x - 5 > 3 - 2x; \\ 4 - 3x \geq x - 6 \end{cases}; \quad \begin{cases} x > 1 \\ x \leq 2,5 \end{cases}; \quad x \in (1; 2,5].$$



$$2. y = \sqrt{x - \frac{2 - 3x}{x - 4}}; \quad \text{ОДЗ: } \frac{x^2 - x - 2}{x - 4} \geq 0;$$

$$\frac{(x+1)(x-2)}{x-4} \geq 0; \quad x \in [-1; 2] \cup (4; +\infty).$$

$$3. y = \begin{cases} 2 - x^2, & -3 \leq x < -1, \\ x^4, & x \geq -1. \end{cases}$$

Возрастает при $x \in [-3; -1] \cup [0; +\infty)$, убывает при $x \in [-1; 0]$, y_{\max} - не существует, $y_{\min} = y(-3) = -7$.

$$4. \operatorname{ctg}^2 \alpha + \frac{(1 - \sin \alpha)(1 + \sin \alpha)}{\cos^2 \alpha} = \operatorname{ctg}^2 \alpha + 1 = \frac{1}{\sin^2 \alpha}, \quad \frac{1}{\sin^2 \frac{13\pi}{6}} = \frac{1}{\left(\frac{1}{2}\right)^2} = 4.$$

$$5. \begin{cases} x^2 + y^2 = 25 \\ y = \frac{1}{x^3} \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{- окружность с центром в точке (0; 0) и радиусом 5;} \\ \text{- кубическая гипербола.} \end{array}$$

Отсюда следует, что система имеет 2 решения.

$$6. \begin{cases} b_1 - b_3 = 6 \\ b_1 + b_2 = 2 \end{cases}; \quad \begin{cases} 1 + q = 2 \\ b_1(1 - q)(1 + q) = 6 \end{cases}; \quad \begin{cases} b_1 = -2 \\ q = -2 \end{cases}; \quad b_3 = -2 \cdot (-2)^2 = -8.$$

Ответ. $b_3 = -8$.

7. Пусть x - грузоподъемность 1-ого грузовика, y - 2-ого грузовика, тогда:

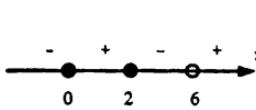
$$\begin{cases} x + y = 8 \\ \frac{60}{x} + \frac{60}{y} = 32 \end{cases}; \quad \begin{cases} x = 8 - y \\ 15y + 120 - 15y = 8y(8 - y) \end{cases}; \quad 9y^2 - 8y + 15 = 0;$$

$$\begin{cases} y = 3 \\ x = 5 \end{cases} \quad \text{или} \quad \begin{cases} y = 5 \\ x = 3 \end{cases}$$

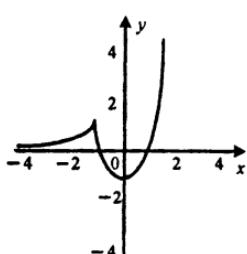
Ответ. 3 т и 5 т.

Вариант 4.

1. $\begin{cases} x - 4 \leq 3x + 1 \\ 2 + 7x > 4x - 1 \end{cases}; \quad \begin{cases} x \geq -2,5 \\ x > -1 \end{cases}$



2. $y = \sqrt{\frac{4x}{6-x}} - x; \quad \text{ОДЗ: } \frac{x^2 - 2x}{x-6} \leq 0; \quad \frac{x(x-2)}{x-6} \leq 0;$
 $x \in (-\infty; 0] \cup [2; 6).$



3. $y = \begin{cases} \sqrt{x^2}, & x \leq -1, \\ 2x^2 - 1, & x > -1. \end{cases}$ Возрастает при

$x \in (-\infty; -1] \cup [0; +\infty)$, убывает при $x \in [-1; 0]$, y_{\max} не существует, $y_{\min} = y(0) = -1$.

4. $\left(\frac{\cos t}{1 - \sin t} - \frac{1}{\operatorname{ctg} t} \right) \cos^2 t = \frac{\cos^2 t - \sin t + \sin^2 t}{\cos t(1 - \sin t)} \cos^2 t = \cos t; \quad \cos \frac{5\pi}{3} = \frac{1}{2}$

5. $\begin{cases} y = x^3 \\ x^2 + y^2 = 4 \end{cases}$ – кубическая парабола возрастает на R ;
окружность с центром в точке $(0; 0)$ и радиусом 2.

Отсюда следует, что система имеет 2 решения.

6. $\begin{cases} a_2 + a_6 = -2 \\ a_3 a_5 = -15 \end{cases}; \quad \begin{cases} a_1 = -1 - 3d \\ ((a_1 + 2d)(a_1 + 4d)) = -15 \end{cases}; \quad d^2 - 1 = 15, \quad d^2 = 16.$

$d = 4$ – не подходит, значит, $a_1 = 11$.

Ответ. $a_1 = 11$

7. Пусть x км пути ремонтировала первая бригада, y – вторая, тогда:

$$\begin{cases} \frac{10}{x} = \frac{10}{y} + 1 \\ x + y = 4,5 \end{cases}; \quad \begin{cases} x = 4,5 - y \\ 10y = 45 - 10y + 4,5y - y^2 \end{cases};$$

$$y^2 + 31y - 90 = 0.$$

$y = -18$ – не подходит, значит, $y = 2,5$; $x = 2$. Ответ: 2 км и 2,5 км.

ПРИЛОЖЕНИЕ

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 1

Вариант 1

1. $\sqrt{12 + 4x - x^2}$; ОДЗ: $x^2 - 4x - 12 \leq 0$; $(x+2)(x-6) \leq 0$; $x \in [-2; 6]$

2. $\begin{cases} 4(x-2)-2x < 3 \\ \frac{x}{3} - \frac{x-1}{2} < 1 \end{cases}$; $\begin{cases} 2x < 11 \\ 2x - 3x + 3 < 6 \end{cases}$; $\begin{cases} x < 5,5 \\ x > -3 \end{cases}$; $x \in (-3; 5,5)$.

3. $\frac{3}{x} > 1$; $\frac{x-3}{x} < 0$; $x \in (0; 3)$, значит целыми решениями будут $x = 1$ и $x = 2$

Вариант 2

1. $\sqrt{x^2 + 9x + 14}$; ОДЗ: $x^2 + 9x + 14 \geq 0$; $(x+7)(x+2) \geq 0$;
 $x \in (-\infty; -7] \cup [-2; +\infty)$.

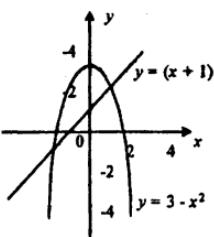
2. $\begin{cases} \frac{x}{4} + \frac{x+3}{3} > 1 \\ 2x - 5(1+x) < 0 \end{cases}$; $\begin{cases} 3x + 4x + 12 > 12 \\ -3x < 5 \end{cases}$; $\begin{cases} x > 0 \\ x > -1 \frac{2}{3} \end{cases}$; $x \in (0; \infty)$.

3. $\frac{4}{x-1} > 2$; $\frac{2x-6}{x-1} < 0$; $x \in (1; 3)$; значит целым решением является $x = 2$.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 2

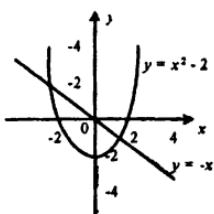
Вариант 1

1. $\begin{cases} y = 3 - x^2 \\ x - y + 1 = 0 \end{cases}$; $\begin{cases} y = 3 - x^2 \\ y = x + 1 \end{cases}$. *Ответ:* $(-2; -1)$ $(1; 2)$



2. $\begin{cases} x^2 + y^2 = 5 \\ x - y = 3 \end{cases}$; $\begin{cases} x = 3 + y \\ 2y^2 + 6y + 4 = 0 \end{cases}$
 $y^2 + 3y + 2 = 0$; $\begin{cases} y = -2 \\ x = 1 \end{cases}$ или $\begin{cases} y = -1 \\ x = 2 \end{cases}$.
Ответ: $(1; -2)$ $(2; -1)$

Вариант 2



1. $\begin{cases} x + y = 0 \\ y = x^2 - 2 \end{cases}$; $\begin{cases} y = -x^2 \\ y = x^2 - 2 \end{cases}$.
Ответ: $(-2; 2)$; $(1; -1)$.

$$2. \begin{cases} x^2 + y^2 = 17 \\ x - y = 5 \end{cases}; \quad \begin{cases} x = 5 + y \\ 2y^2 + 10y + 8 = 0 \end{cases}; \quad y^2 + 5y + 4 = 0; \quad \begin{cases} y = -4 \\ x = 1 \end{cases} \text{ или } \begin{cases} y = -1 \\ x = 4 \end{cases}$$

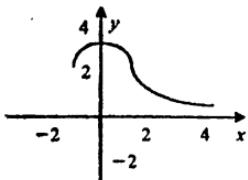
Ответ: $(1; -4); (4; -1)$.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 3

Вариант 1

$$1. y = \frac{\sqrt{4 - 3x - x^2}}{x + 2}; \quad \text{ОДЗ: } \begin{cases} x^2 + 3x - 4 \leq 0 \\ x + 2 \neq 0 \end{cases}; \quad \begin{cases} (x+4)(x-1) \leq 0 \\ x \neq -2 \end{cases},$$

$$x \in [-4; -2) \cup (-2; 1].$$



$$2. y = \begin{cases} 3 - x^2, & -1 \leq x \leq 1, \\ \cancel{x}, & 1 < x \leq 4. \end{cases}$$

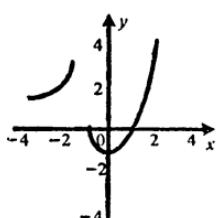
Убывает при $x \in [0; 4]$, возрастает: $x \in [-1; 0]$.

$$y_{\max} = y(0) = 3, \quad y_{\min} = y(4) = \cancel{\frac{1}{2}}.$$

Вариант 2

$$1. y = \frac{\sqrt{x^2 + 6x - 7}}{x + 4}; \quad \text{ОДЗ: } \begin{cases} x^2 + 6x - 7 \geq 0 \\ x \neq -4 \end{cases}; \quad \begin{cases} (x-1)(x+7) \geq 0, \\ x \neq -4. \end{cases}$$

$$x \in (-\infty; -7] \cup [1; +\infty).$$



$$2. y = \begin{cases} \cancel{-\frac{3}{x}}, & -3 \leq x \leq -1, \\ x^2 - 1, & -1 < x \leq 3. \end{cases}$$

Возрастает при $x \in [-3; -1] \cup [0; 3]$, убывает при $(-1; 0]$, $y_{\max} = y(3) = 8, y_{\min} = y(0) = -1$.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 4

Вариант 1

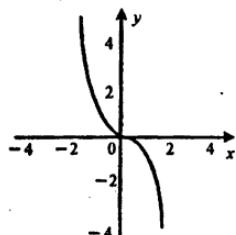
$$1. y = f(x)$$

$$f(x) = \begin{cases} \cancel{\frac{1}{x^2}}, & \text{если } x \leq -1, \\ x^3 - 1, & \text{если } x > -1. \end{cases}$$

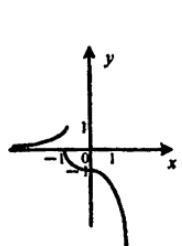
Возрастает на R , в точке $x = -1$ — разрыв, y_{\max} не существует, $y_{\min} = y(-1) = -2$.

2. $f(x) = x^{11}$

а) $f(13,4) < f(13,6)$; б) $f(-7,2) < f(-4,1)$; в) $f(-2,7) < f(2,7)$.



3. а) $y = -2x^3$; б) $-2x^3 = x - 3$ имеет один корень.



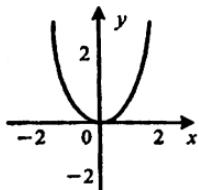
Вариант 2

1. $f(x) = \begin{cases} x^4, & \text{если } x \leq -1, \\ -x^3 - 1, & \text{если } x > -1. \end{cases}$ (В книге опечатка,

вместо $x \geq 11, x > -1$) Возрастает при $x \in (-\infty; -1]$, убывает при $x \in (-1; +\infty)$, $y_{\max} = y(-1) = 1$, y_{\min} — не существует.

2. $f(x) = x^8$;

а) $f(16,8) > f(16,2)$; б) $f(-3,2) > f(-2,9)$; в) $f(-8,3) = f(8,3)$.



3. а) $y = x^4$; б) $x^4 = x + 5$ - имеет 2 корня.

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 5

Вариант 1

1. 1,3; 1,6; 1,9...

$a_1 = 1,3; d = 0,3; a_9 = 1,3 + 8 \cdot 0,3 = 3,7$.

2. $\frac{2}{9}; \frac{2}{3}; 2 \dots b_1 = \frac{2}{9}; q = 3; b_7 = \frac{2}{9} \cdot 3^6 = 162$.

3. $\begin{cases} a_2 + a_5 = 11 \\ a_3 = a_1 + 6 \end{cases}; \begin{cases} d = 3 \\ 2a_1 + 15 = 11 \end{cases}; a_1 = -2, a_2 = 1, a_4 = 7$.

Ответ: $a_2 = 1, a_4 = 7$.

Вариант 2

1. 8,4; 8; 7,6... $a_1 = 8,4; d = -0,4; a_{11} = 8,4 - 10 \cdot 0,4 = 4,4$.

2. $\frac{3}{32}; \quad \frac{3}{16}; \quad \frac{3}{8} \dots b_1 = \frac{3}{32}; \quad q = 2; \quad b_9 = \frac{3}{32} \cdot 2^8 = 24.$

3. $\begin{cases} a_3 + a_6 = 2 \\ a_4 = a_1 + 6 \end{cases}; \quad \begin{cases} d = 2 \\ 2a_1 + 14 = 2 \end{cases}; \quad a_1 = -6, \quad a_5 = 2.$ Ответ: $a_1 = -6, a_5 = 2.$

КОНТРОЛЬНАЯ РАБОТА № 6

Вариант 1

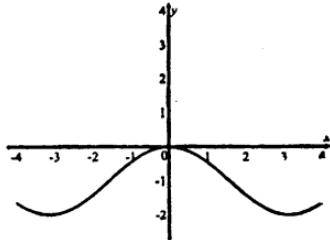
1. а) $\cos \frac{\pi}{3} - \operatorname{tg} \frac{\pi}{4} = \frac{1}{2} - 1 = -\frac{1}{2};$ б) $\sin \left(-\frac{\pi}{6} \right) + \operatorname{ctg}^2 \frac{\pi}{6} = -\frac{1}{2} + 3 = 2,5;$

в) $\operatorname{tg} \frac{7\pi}{4} + \sin \frac{5\pi}{2} + \cos \frac{5\pi}{3} = -1 + 1 + \frac{1}{2} = \frac{1}{2}.$

2. $\sin \frac{25\pi}{8} \cos \frac{9\pi}{5} = \sin \left(3\pi + \frac{\pi}{8} \right) \cos \left(\pi + \frac{4\pi}{5} \right) = -\sin \frac{\pi}{8} \cdot \left(-\cos \frac{4\pi}{5} \right) =$
 $= \sin \frac{\pi}{8} \cdot \cos \frac{4\pi}{5} < 0, \text{ т.к. } \sin \frac{\pi}{8} > 0, \frac{\pi}{8} \in \left[0; \frac{\pi}{2} \right], \cos \frac{4\pi}{5} < 0, \frac{4\pi}{5} \in \left[\frac{\pi}{2}; \pi \right]$

3. $\sin t = -\frac{\sqrt{3}}{2}; \quad t = (-1)^{k+1} \frac{\pi}{3} + \pi k.$

4.



Вариант 2

1. а) $\operatorname{ctg} \frac{\pi}{6} - 2 \sin \frac{\pi}{3} = \sqrt{3} - \sqrt{3} = 0;$ б) $4 \cos \left(-\frac{\pi}{3} \right) + \operatorname{tg} \left(-\frac{\pi}{4} \right) = 2 - 1 = 1;$

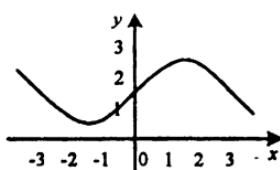
в) $\sin \frac{13\pi}{6} + \cos \frac{9\pi}{2} + \operatorname{tg} \frac{17\pi}{4} = \frac{1}{2} + 0 + 1 = \frac{3}{2}.$

2. $\operatorname{tg} \frac{29\pi}{4} \sin \frac{16\pi}{7} = \operatorname{tg} \left(7\pi + \frac{\pi}{4} \right) \sin \left(2\pi + \frac{2\pi}{7} \right) = \operatorname{tg} \frac{\pi}{4} \cdot \sin \frac{2\pi}{7} > 0, \text{ т.к.}$

$\operatorname{tg} \frac{\pi}{4} > 0, \frac{\pi}{4} \in \left[0; \frac{\pi}{2} \right], \sin \frac{2\pi}{7} > 0, \frac{2\pi}{7} \in \left[0; \frac{\pi}{2} \right].$

3. $\cos x = \frac{\sqrt{2}}{2}, \quad x = \pm \frac{\pi}{4} + 2\pi n.$

4.



Учебно-методическое издание

Сапожников Андрей Александрович

Решение контрольных работ по алгебре за 9 класс

Издательство «ЭКЗАМЕН»

**Гигиенический сертификат
№ 77.99.60.953.Д.013269.11.07 от 13.11.2007 г.**

Выпускающий редактор Л.Д. Лаппо

Дизайн обложки И.Р. Захаркина

Компьютерная верстка Н.Э. Хрущева, Т.Н. Меньшова

**105066, Москва, ул. Нижняя Красносельская, д. 35, стр. 1.
www.examen.biz**

E-mail: по общим вопросам: info@examen.biz;

по вопросам реализации: sale@examen.biz

тел./факс 641-00-30 (многоканальный)

**Общероссийский классификатор продукции
ОК 005-93, том 2; 953005 — книги, брошюры, литература учебная**

**Текст отпечатан с диапозитивов
в ОАО «Владимирская книжная типография»
600000, г. Владимир, Октябрьский проспект, д. 7**

**Качество печати соответствует
качеству предоставленных диапозитивов**

**По вопросам реализации обращаться по тел.:
641-00-30 (многоканальный).**